

## 2. Beschreibung zu einem festen Zeitpunkt

Im zweiten Schritt der Überlegungen wählt man einen beliebigen, aber festen Zeitpunkt  $t_B$  und beobachtet zu diesem Zeitpunkt gewissermaßen als ‚Momentaufnahme‘ den räumlichen Zustand des physikalischen Systems, d.h. die Auslenkungen  $y(x; t_B)$  bzw.  $\xi(x; t_B)$  aller Oszillatoren in Abhängigkeit von ihrem Ort  $x$ . Dabei kann man die folgenden Beobachtungen machen:

### **Arbeitsauftrag:**

Vollziehe die folgenden Beobachtungen anhand des hier aufgeführten JAVA-Applets nach:

[Transverse Waves](#) (B.Surendranath Reddy): Entstehung von Transversalwellen

- Die ‚Momentaufnahme‘ der Welle entspricht dem Graph einer Sinusfunktion.
- Die Amplitude des Graphen stimmt mit der Amplitude  $\hat{y}$  bzw.  $\hat{\xi}$  des Erregers überein. Dies rechtfertigt nachträglich die im ersten Schritt gemachte Definition der Amplitude einer Welle.
- Die räumliche Form des Graphen macht zwei weitere Definitionen sinnvoll:

Die **Wellenlänge** (‚**Raumperiode**‘) einer Welle ist der kleinste räumliche Abstand zweier Oszillatoren mit gleichem Schwingungszustand z.B. der räumliche Abstand von einem Wellenberg bis zum nächsten oder von einem Wellental zum nächsten.

Das Formelzeichen für die Wellenlänge ist  $\lambda$  (‚Lambda‘), die Einheit der Wellenlänge:  $[\lambda] = \text{m}$ .

Die **Wellenzahl** (‚**räumliche Geschwindigkeit**‘) einer Welle ist die Anzahl von Wellenlängen pro Entfernung  $\Delta m$ .

Das Formelzeichen für die Wellenzahl ist  $k$ , die Einheit der Wellenzahl:  $[k] = \frac{1}{\text{m}}$ .

Für den Zusammenhang zwischen der Wellenzahl  $k$  und der Wellenlänge  $\lambda$  gilt demnach:

$$k = \frac{2\pi}{\lambda}$$

- Die ‚Momentaufnahme‘ der Welle ist – wenn sie nicht zufällig zu ganz bestimmten Zeitpunkten aufgenommen wird – gegenüber dem Graph einer ‚normalen‘ Sinusfunktion räumlich verschoben. Die Größe  $d$  dieser Verschiebung ist abhängig von dem Zeitpunkt  $t_B$ , zu dem die ‚Momentaufnahme‘ der Welle aufgenommen wird, d.h.  $d = d(t_B)$ .

Mit diesen Beobachtungen und Definitionen können wird die ‚Momentaufnahme‘ einer Welle zu einem beliebigen, aber festen Zeitpunkt  $t_B$  vorläufig beschreiben:

Für eine Harmonische Welle, die durch eine Harmonische Schwingung der Form  $y(t) = \hat{y} \cdot \sin(\omega t)$  im Fall einer Transversalwelle bzw.  $\xi(t) = \hat{\xi} \cdot \sin(\omega t)$  im Fall einer Longitudinalwelle angeregt wird und die sich in die positive  $x$ -Richtung eines Koordinatensystems ausbreitet, kann die ‚Momentaufnahme‘  $y(x; t_B)$  bzw.  $\xi(x; t_B)$  zu einem beliebigen, aber festen Zeitpunkt  $t_B$  beschrieben werden durch die Funktion

$$y(x; t_B) = \hat{y} \cdot \sin(d(t_B) - k \cdot x) \text{ bzw. } \xi(x; t_B) = \hat{\xi} \cdot \sin(d(x_B) - k \cdot x).$$

### **Arbeitsaufträge:**

- Starte das JAVA-Applet <http://www.schulphysik.de/java/physlet/applets/fkt1.html> von Peter Kraemer.
- Setze dort  $f(x,t) = 3 \cdot \sin(\pi - \pi/2 \cdot x)$  und beobachte den entstehenden Graphen.
- Erläutere, was durch den Graphen beschrieben wird.
- Bestimme Amplitude, Wellenlänge und Wellenzahl des dargestellten Graphen sowie die Phasenverschiebung gegenüber dem Graphen einer ‚normalen‘ Sinusfunktion.
- Verändere die relevanten Größen im Funktionsterm, beobachte insbesondere die Veränderungen des Graphen und dokumentiere deine Beobachtungen.